

**Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования  
«РОССИЙСКАЯ АКАДЕМИЯ НАРОДНОГО ХОЗЯЙСТВА  
И ГОСУДАРСТВЕННОЙ СЛУЖБЫ  
ПРИ ПРЕЗИДЕНТЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»**

Факультет «Высшая школа корпоративного управления»

*(наименование факультета)*

Кафедра международной коммерции

*(наименование кафедры)*

УТВЕРЖДЕНА

решением кафедры

международной коммерции

Протокол от «02» сентября 2019 г.  
№ 1

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

Б1.Б.06.01 «Линейная алгебра и аналитическая геометрия»

*(индекс, наименование дисциплины в соответствии с учебным планом)*

38.03.06 Торговое дело

*(код, наименование направления подготовки)*

«Международная коммерция»

*(профиль)*

Бакалавр

*(квалификация)*

Очная

*(форма обучения)*

Год набора – 2020

Москва, 2019 г.

**Автор(ы)–составитель(и):**

Ст. преподаватель \_\_\_\_\_ Журавлева И.Е.  
(ученая степень и(или) ученое звание, должность) (наименование кафедры) (Ф.И.О.)

**Заведующий кафедрой**

международной коммерции д.э.н., профессор \_\_\_\_\_ Саламатов В.Ю.  
(наименование кафедры) (ученая степень и(или) ученое звание) (Ф.И.О.)

## СОДЕРЖАНИЕ

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы
2. Объем и место дисциплины в структуре образовательной программы
3. Содержание и структура дисциплины
4. Материалы текущего контроля успеваемости обучающихся и фонд оценочных средств промежуточной аттестации по дисциплине
5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины
6. Учебная литература и ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине
  - 6.1. Основная литература
  - 6.2. Дополнительная литература
  - 6.3. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы
  - 6.4. Нормативные правовые документы
  - 6.5. Интернет-ресурсы
  - 6.6. Иные источники
7. Материально-техническая база, информационные технологии, программное обеспечение и информационные справочные системы

**1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине «Линейная алгебра и аналитическая геометрия», соотнесенных с планируемыми результатами освоения программы**

1.1. Дисциплина Б1.Б.06.01 «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» обеспечивает овладение следующими компетенциями с учетом этапа:

<b>Код компетенции</b>	<b>Наименование компетенции</b>	<b>Код этапа освоения компетенции</b>	<b>Наименование этапа освоения компетенции</b>
ОПК-2	способность применять основные методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования; владение математическим аппаратом при решении профессиональных проблем	ОПК-2.1	способность использовать аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач
ОПК ОС-6	способность использовать аналитические методы для оценки эффективности коммерческой, маркетинговой, рекламной и логистической деятельности организации на региональных и мировых рынках	ОПК ОС-6.1	способность использовать аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для оценки эффективности коммерческой, маркетинговой, рекламной и логистической деятельности организации на региональных и мировых рынках

1.2 В результате освоения дисциплины Б1.Б.06.01 «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» у студентов должны быть сформированы

Код этапа освоения компетенции	Результаты обучения
ОПК-2.1	<b>на уровне знаний:</b> - знать аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач для составления планов и обоснования закупок
	<b>на уровне умений:</b> - уметь применять аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии при составлении планов и обосновании закупок
	<b>на уровне навыков:</b> - владеть навыками решения профессиональных задач с помощью аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии в ходе составления планов и обоснования закупок
ОПК-2.1	<b>на уровне знаний:</b> - знать аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач по организации мониторинга рынка предмета закупок для государственных, муниципальных и корпоративных нужд
	<b>на уровне умений:</b> - уметь применять аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для организации и проведения мониторинга рынка предмета закупок для государственных, муниципальных и корпоративных нужд
	<b>на уровне навыков:</b> - владеть навыками решения профессиональных задач с помощью аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии при проведении мониторинга рынка предмета закупок для государственных, муниципальных и корпоративных нужд
	<b>на уровне знаний:</b> - знать аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач по разработке технико-экономического обоснования по установлению прямых производственных связей, созданию и развитие бизнеса на основе договоров, обработке и обобщению информационных материалов по маркетингу; об экономической, сбытовой и прочей деятельности организаций (фирм), с которыми заключены договора о сотрудничестве в части снабжения и сбыта
	<b>на уровне умений:</b> - уметь решать профессиональные задачи с помощью аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии при разработке технико-экономического обоснования по установлению прямых производственных связей, созданию и развитие бизнеса на основе договоров
	<b>на уровне навыков:</b> - владеть навыками решения профессиональных задач с помощью аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии, связанных с , обработкой и обобщением информационных материалов по маркетингу; об экономической, сбытовой и прочей деятельности организаций (фирм), с которыми заключены договора о сотрудничестве в части снабжения и сбыта
	<b>на уровне знаний:</b> - знать возможности использования аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии для оценки эффективности закупочной деятельности при осуществлении закупок для государственных, муниципальных и корпоративных нужд, а также при составлении планов и обосновании закупок
	<b>на уровне умений:</b> - уметь применять аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для анализа сбалансированности планов и обоснованности закупок
	<b>на уровне навыков:</b> - владеть навыками решения профессиональных задач с помощью аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии по составлению графиков осуществления закупок, аналитическому анализу и обоснованию планов закупок
	<b>на уровне знаний:</b> - знать возможности использования аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии для оценки эффективности деятельности при осуществлении мониторинга рынка предмета закупок для государственных, муниципальных и корпоративных нужд
ОПК- ОС-6.1	<b>на уровне умений:</b> - уметь применять аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для анализа эффективности мероприятий по мониторингу рынка предмета закупок для государственных, муниципальных и корпоративных нужд

## 2. Объем и место дисциплины в структуре ОП ВО

Дисциплина «**Линейная алгебра и аналитическая геометрия**» в соответствии с учебным планом направления подготовки «Торговое дело», профиль «Международная коммерция» изучается на 1-м курсе в 1-м семестре. Общая трудоемкость дисциплины – 3 зач. единиц (108 акад. час.).

Освоение дисциплины «**Линейная алгебра и аналитическая геометрия**» опирается на школьный курс алгебры и геометрии.

Дисциплина «**Линейная алгебра и аналитическая геометрия**» является базой для изучения дисциплин: «Математическая и теоретическая статистика и теория вероятностей», «Статистика», «Математический анализ», «Маркетинг», «Логистика», а также при прохождении практики по получению первичных профессиональных умений и навыков, в том числе первичных умений и навыков научно-исследовательской деятельности.

По дисциплине «**Линейная алгебра и аналитическая геометрия**» выделяется:

на контактную работу с преподавателем 54 час., в том числе:

- лекции – 18 час.

- практические занятия – 36 час.

на самостоятельную работу обучающихся - 54 час.

## 3. Содержание и структура дисциплины

№ п/п	Наименование тем (разделов),	Объем дисциплины (модуля), час.						Форма текущего контроля успеваемости**, промежуточной аттестации***
		Всего	Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий				СР	
			Л	ЛР	ПЗ	КСР		
Очная форма обучения								
Тема 1	Системы линейных уравнений и методы их решения	52	8		18		26	О, КР
Тема 2	Элементы векторной алгебры	32	6		10		16	О, КР
Тема 3	Элементы аналитической геометрии	24	4		8		12	О, КР
							*	
Промежуточная аттестация								Зачет
Всего:		108	18		36		54	

Примечание: формы текущего контроля успеваемости: опрос (О), контрольные работы (КР).

## Содержание дисциплины

### Тема 1. Системы линейных уравнений и методы их решения

Линейные уравнения с  $n$  неизвестными. Системы  $m$  линейных уравнений с  $n$  неизвестными ( $m \times n$  СЛУ), основные понятия. Метод Гаусса решения СЛУ. Определители 2-го, 3-го и  $n$ -го порядка, их свойства и способы вычисления. Миноры, алгебраические дополнения. Формулы Крамера решения  $n \times n$  СЛУ. Матрицы и действия с ними. Транспонированная матрица. Обратная матрица и способы ее нахождения. Матричная запись СЛУ. Решение  $n \times n$  СЛУ с помощью обратной матрицы. Ранг матрицы. Теорема Кронекера - Капелли. Общее, базисное, допустимое решения СЛУ.

### Тема 2. Элементы векторной алгебры

$N$ -мерное арифметическое пространство -  $R^n$ . Геометрический смысл пространств  $R^2$  и  $R^3$ . Векторы. Длина вектора. Линейные операции над векторами. Представление вектора в координатной форме. Действия с векторами, заданными в координатной форме. Скалярное произведение векторов. Угол между векторами. Линейно зависимые и линейно независимые системы векторов. Геометрический смысл линейной зависимости векторов. Базис и ранг системы векторов. Ортогональный и ортонормированный базисы. Разложение вектора по произвольному базису.

### Тема 3. Элементы аналитической геометрии

Прямая на плоскости. Общее, каноническое и параметрические уравнения прямой, уравнение прямой с угловым коэффициентом. Расстояние от точки до прямой. Угол между прямыми, условия параллельности и перпендикулярности прямых.

Прямая и плоскость в пространстве  $R^3$ . Расстояние от точки до плоскости. Общие, канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве  $R^3$ . Взаимное расположение прямой и плоскости: точка их пересечения, условия параллельности и перпендикулярности.

## 4. Материалы текущего контроля успеваемости обучающихся и фонд оценочных средств промежуточной аттестации по дисциплине

### 4.1. Формы и методы текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

4.1.1. В ходе реализации дисциплины «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» используются следующие методы текущего контроля успеваемости обучающихся:

Тема (раздел)	Методы текущего контроля успеваемости
---------------	---------------------------------------

Системы линейных уравнений и методы их решения	Опрос, домашняя контрольная работа (индивидуальное задание)
Элементы векторной алгебры	Опрос, аудиторная контрольная работа
Элементы аналитической геометрии	Опрос, аудиторная контрольная работа

4.1.2. Промежуточная аттестация проводится в форме устного зачета.

#### 4.2. Материалы текущего контроля успеваемости.

В течение семестра студенты выполняют 1 индивидуальное домашнее задание (домашняя контрольная работа) и 2 аудиторные контрольные работы. Результаты выполнения этих заданий и работ являются основанием для выставления оценок текущего контроля и промежуточной аттестации.

Выполнение всех заданий и работ является обязательным для всех студентов. Студенты, не выполнившие в полном объеме все эти работы, не допускаются к сдаче зачета, как не выполнившие график учебного процесса по данной дисциплине.

##### *Теоретические вопросы для подготовки к опросу по темам дисциплины.*

1. Системы линейных уравнений, основные понятия. Метод Гаусса решения СЛУ.
2. Ранг матрицы. Теорема Кронекера – Капелли. Решение неопределенных систем линейных уравнений. Общее, частное и базисное решения системы линейных уравнений.
3. Определители 2-го и 3-го порядка, их свойства и вычисление.
4. Определители  $n$ -го порядка, их свойства и методы вычисления.
5. Матрицы и действия с ними. Свойства операций над матрицами.
6. Обратная матрица и способы ее нахождения.
7. Решение систем линейных уравнений с помощью формул Крамера и с помощью обратной матрицы.
- 1 Векторы и линейные операции над ними. Арифметическое  $n$  – мерное векторное пространство  $R^n$ . Геометрический смысл пространств  $R^2$  и  $R^3$ .
- 2 Скалярное произведение векторов и его свойства. Длина вектора, угол между векторами.
10. Линейно зависимые и линейно независимые системы векторов.



11. Базис пространства  $R^n$ . Разложение вектора по произвольному базису.
12. Различные виды уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми.
13. Прямая и плоскость в пространстве.

**Тематика контрольных работ:**

1. Решение систем линейных уравнений (домашнее индивидуальное задание).
2. Векторная алгебра.
3. Аналитическая геометрия.

**4.3. Оценочные средства для промежуточной аттестации.**

**4.3.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы. Показатели и критерии оценивания компетенций на различных этапах их формирования**

Код компетенции	Наименование компетенции	Код этапа освоения компетенции	Наименование этапа освоения компетенции
ОПК-2	способность применять основные методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования; владение математическим аппаратом при решении профессиональных проблем	ОПК-2.1	способность использовать аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач
ОПК ОС-6	способность использовать аналитические методы для оценки эффективности коммерческой, маркетинговой, рекламной и логистической деятельности организации на региональных и мировых рынках	ОПК ОС-6.1	способность использовать аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для оценки эффективности коммерческой, маркетинговой, рекламной и логистической деятельности организации на региональных и мировых рынках
Этап освоения компетенции		Показатель оценивания	Критерий оценивания
ОПК-2.1 способность использовать аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач		Оценивает возможности применения аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач Применяет аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач	Грамотно оценивает возможности применения аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач Корректно применяет аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач

ОПК ОС-6.1 способность использовать аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для оценки эффективности коммерческой, маркетинговой, рекламной и логистической деятельности организации на региональных и мировых рынках	Оценивает возможности применения аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач Применяет аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач	Грамотно оценивает возможности применения аппарата линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач Корректно применяет аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии для решения профессиональных задач
---	--	---

#### 4.3.2 Типовые оценочные средства

Типовые контрольные задания или иные материалы (типовые оценочные материалы), необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций (ОПК-2.1, ОПК ОС-6.1) в процессе освоения образовательной программы.

Для промежуточного контроля усвоения данной дисциплины учебным планом предусмотрены **зачет**. Билеты (варианты заданий) к зачету состоят из нескольких теоретических вопросов, выбранных из приведенного ниже списка, и задач, аналогичных решаемым на практических занятиях, в контрольных работах и домашних заданиях.

#### Вопросы промежуточной аттестации по дисциплине

1. Линейные уравнения с  $n$  неизвестными. Системы  $m$  линейных уравнений с  $n$  неизвестными ( $m \times n$  СЛУ), основные понятия.
2. Метод Гаусса решения СЛУ.
3. Определители 2-го, 3-го и  $n$ -го порядка, их свойства и способы вычисления.
4. Миноры, алгебраические дополнения.
5. Формулы Крамера решения  $n \times n$  СЛУ.
6. Матрицы и действия с ними. Транспонированная матрица.
7. Обратная матрица и способы ее нахождения.
8. Матричная запись СЛУ. Решение  $n \times n$  СЛУ с помощью обратной матрицы.
9. Ранг матрицы и способы его нахождения.
10. Теорема Кронекера - Капелли.
11. Общее, базисное, допустимое решения СЛУ.
12.  $N$ -мерное арифметическое пространство -  $R^n$ . Геометрический смысл пространств  $R^2$  и  $R^3$ .

13. Векторы. Длина вектора. Линейные операции над векторами.
14. Представление вектора в координатной форме. Действия с векторами, заданными в координатной форме.
15. Скалярное произведение векторов.
16. Угол между векторами.
17. Линейно зависимые и линейно независимые системы векторов. Геометрический смысл линейной зависимости векторов.
18. Базис и ранг системы векторов.
19. Ортогональный и ортонормированный базисы.
20. Разложение вектора по произвольному базису.
21. Прямая на плоскости. Общее, каноническое и параметрические уравнения прямой, уравнение прямой с угловым коэффициентом.
22. Расстояние от точки до прямой. Угол между прямыми, условия параллельности и перпендикулярности прямых.
23. Плоскость в пространстве  $R^3$ . Расстояние от точки до плоскости.
24. Общие, канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве  $R^3$ .
25. Взаимное расположение прямой и плоскости: точка их пересечения, условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости.

Для оценки сформированности компетенций ОПК-2.1, ОПК ОС-6.1 используются следующие шкалы.

### **Шкала 1. Оценка сформированности отдельных элементов компетенций**

Обозначения		Формулировка требований к степени сформированности компетенций	
Цифр.	Оценка	Знать	Уметь
1	Не зачтено	Отсутствие знаний	Отсутствие умений
2	Не зачтено или зачтено	Фрагментарные знания	Частично освоенные умения
3	Зачтено	Общие, но не структурированные знания	В целом успешное, но систематически осуществляемое умение
4	Зачтено	Сформированные, но содержащие отдельные пробелы знания	В целом успешное, но содержащие отдельные пробелы умение

			умение
5	Зачтено	Сформированные систематические знания	Сформированное умение

### Шкала 2. Комплексная оценка сформированности знаний, умений и навыков

Обозначения		Формулировка требований к степени сформированности компетенции
Цифр	Оценка	
1	Не зачтено	Не имеет необходимых представлений о проверяемом материале
2	Не зачтено или зачтено <i>(по усмотрению преподавателя)</i>	Знать на уровне <b>ориентирования</b> , представлений. Субъект учения знает основные признаки или термины изучаемого элемента содержания, их отнесенность к определенной науке, отрасли или объектам, узнает их в текстах, изображениях или схемах и знает, к каким источникам нужно обращаться для более детального его усвоения
3	Зачтено	Знать и уметь на <b>репродуктивном</b> уровне. Субъект учения знает изученный элемент содержания репродуктивно: произвольно воспроизводит свои знания устно, письменно или в демонстрируемых действиях
4	Зачтено	Знать, уметь, владеть на <b>аналитическом</b> уровне. Зная на репродуктивном уровне, указывать на особенности и взаимосвязи изученных объектов, на их достоинства, ограничения, историю и перспективы развития и особенности для разных объектов усвоения
5	Зачтено	Знать, уметь, владеть на <b>системном</b> уровне. Субъект учения знает изученный элемент содержания системно, произвольно и доказательно воспроизводит свои знания устно, письменно или в демонстрируемых действиях, учитывая и указывая связи и зависимости между этим элементом и другими элементами содержания учебной дисциплины, его значимость в содержании учебной дисциплины

#### 4.4. Методические материалы

Типовой вариант заданий для проведения промежуточной аттестации (билет для зачета) можно представить следующим образом:

*Билет № 1*  
*по дисциплине «Линейная алгебра и аналитическая геометрия»*

1. Линейные операции с векторами и их свойства.
2. Общее уравнение прямой.
3. Задача по теме «Системы линейных уравнений».

Задачи к билету выбираются в соответствии с указанной темой, например:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 = 0 \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 = 2 \\ 6x_1 + 4x_2 - 14x_3 = 0 \end{cases}$$

1. Методом Гаусса решите СЛУ:

2. Даны векторы  $\vec{a}(3; 1; -2)$ ,  $\vec{b}(2; 0; 4)$ ,  $\vec{c}(-1; 2; 1)$ . Найдите координаты вектора  $(\vec{a}\vec{b})\vec{c} - 2\vec{b} + \vec{c}^2\vec{a}$ .

3. Напишите уравнение перпендикуляра, восстановленного в точке пересечения с осью OX прямой  $3x - 5y + 12 = 0$ .

## 5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Обучение по дисциплине «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» предполагает изучение курса на аудиторных занятиях (лекции и практические занятия) и самостоятельной работы студентов. Практические занятия по дисциплине предполагают их проведение в различных формах с целью выявления полученных знаний, умений, навыков и компетенций с проведением контрольных мероприятий. С целью обеспечения успешного обучения студент должен готовиться к практическим занятиям, так как они является основной и важнейшей формой организации учебного процесса, поскольку:

знакомят с новым учебным материалом;

разъясняет учебные элементы, трудные для понимания;

формируют практические навыки аудирования и грамматики.

### Подготовка к практическим занятиям:

внимательно прочитайте материал конспектов, относящихся к данному

практическому занятию, ознакомьтесь с учебным материалом по учебнику и учебным пособиям;

выполните письменные задания к практическим занятиям, готовьтесь дать устный развернутый ответ на каждый из вопросов;

уясните, какие учебные элементы остались для вас неясными и постарайтесь получить на них ответ заранее (до практических занятий) во время текущих консультаций преподавателя;

готовиться можно индивидуально, парами или в составе малой группы, последние являются эффективными формами работы;

рабочая программа дисциплины в части целей, перечня знаний, умений, терминов и учебных вопросов может быть использована вами в качестве ориентира в организации обучения.

Подготовка к зачету:

К зачету необходимо готовится целенаправленно, регулярно, систематически и с первых дней изучения данной дисциплины. Попытки освоить дисциплину в период зачётно-экзаменационной сессии, как правило, показывают не слишком удовлетворительные результаты. К зачету допускаются студенты, набравшие достаточное количество баллов в ходе практических занятий и выполнения контрольных и домашних заданий. В самом начале учебного курса рекомендуется ознакомиться со следующей учебно-методической документацией:

- программой дисциплины;
- перечнем знаний и умений, которыми студент должен владеть;
- тематическими планами практических занятий;
- контрольными мероприятиями;
- учебником, учебными пособиями по дисциплине, а также электронными ресурсами;
- перечнем вопросов для сдачи зачета.

После этого должно сформироваться четкое представление об объеме и характере знаний и умений, которыми надо будет овладеть по дисциплине. Систематическое выполнение учебной работы на семинарских и практических занятиях позволяет успешно освоить дисциплину и создать хорошую базу для сдачи зачета.

Обязательным условием допуска к промежуточной аттестации является сдача всех заданий и выполнение контрольных работ, предусмотренных календарным графиком обучения. Допускается к зачету студент, набравший не менее 28 баллов по результатам текущей аттестации.

Помимо этого ниже приводится список заданий и вопросов различной сложности, которые могут быть использованы для самостоятельной работы студентов с целью углубленного изучения предмета.

### ***Тема 1. Системы линейных уравнений (СЛУ) и методы их решения.***

1. Докажите, что элементарные преобразования приводят к равносильной системе линейных уравнений.
2. Докажите, что элементарные преобразования СЛУ могут быть заменены на умножение на некоторые «элементарные» матрицы.
3. Обоснуйте метод Гаусса нахождения обратной матрицы.
4. Выведите формулы Крамера из формулы разложения определителя по строке.

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 4 & 5 \\ 4 & 9 & 16 & 25 \\ 8 & 27 & 64 & 125 \end{pmatrix}.$$

5. Вычислить определитель матрицы
6. Докажите, что умножение матриц некоммукативно.

### ***Тема 2. Векторная алгебра.***

1. Выведите формулу для скалярного произведения в произвольном базисе.
2. Докажите, что при элементарных преобразованиях сохраняется линейная зависимость системы векторов.
3. Докажите, что число векторов базиса не зависит от базиса.

### ***Тема 3. Аналитическая геометрия.***

1. Выведите формулу расстояния от точки до прямой и плоскости.
2. Докажите, что при линейном преобразовании на плоскости эллипс, гипербола и парабола не переходят друг в друга.

## **6. Учебная литература и ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", включая перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)**

### **6.1. Основная литература.**

- 1 Самарин Ю.П. Высшая математика [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Ю.П. Самарин— Электрон. текстовые данные.— М.: Машиностроение, 2006.— 432 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/5156.html>.— ЭБС «IPRbooks»
- 2 Кремер Н.Ш. и др. Высшая математика для экономистов: учебник для студентов вузов, обучающихся по экономическим специальностям/ Н.Ш. Кремер и др.; под ред. проф. Н.Ш. Кремера.. 3-е изд. - М.: «ЮНИТИ-ДАНА», 2008.- 439 с. (Электронный ресурс ). Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/15647.html>.— ЭБС «IPRbooks»
- 3 Шипачев В.С. Задачник по высшей математике. М.: ВШ, 2008.- 439 с. <http://www.iprbookshop.ru/17471.html>.— ЭБС «IPRbooks»

## **6.2. Дополнительная литература.**

1. Красс М.С., Чуприн Б.П. Математика для экономических специальностей. Учебник: гриф УМО – СПб.: Питер, 2007. – 464 с. <http://www.iprbookshop.ru/6472.html>.— ЭБС «IPRbooks»
2. Березина Н.А. Высшая математика [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Березина Н.А.— Электрон. текстовые данные.— Саратов: Научная книга, 2012.— 159 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/8233>.— ЭБС «IPRbooks»

## **6.5. Интернет-ресурсы.**

[www.Math-Net.ru](http://www.Math-Net.ru) – имеется свободный доступ (по истечении 3-х лет со дня публикации) к математическим журналам Отделения Математики РАН,

<http://en.wikipedia.ru> – созданная пользователями интернет-энциклопедия,

<http://mathworld.wolfram.com> – краткие энциклопедические статьи по математике,

<http://eqworld.ipmnet.ru> – решение различных типов уравнений, в том числе, дифференциальных,

7. **Материально-техническая база, информационные технологии, программное обеспечение и информационные справочные системы**



Для проведения занятий по дисциплине необходимо следующее материально-техническое обеспечение: учебные аудитории для проведения занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, для самостоятельной работы: читальные залы библиотеки.

Программное обеспечение: MS Office Professional Plus 2016.

Информационные справочные системы: Научная библиотека РАНХиГС. URL: <http://lib.ranepa.ru/>; Научная электронная библиотека eLibrary.ru. URL: <http://elibrary.ru/defaultx.asp>; Национальная электронная библиотека. URL: [www.nns.ru](http://www.nns.ru); Российская государственная библиотека. URL: [www.rsl.ru](http://www.rsl.ru); Российская национальная библиотека. URL: [www.nnir.ru](http://www.nnir.ru); Электронная библиотека Grebennikon. URL: <http://grebennikon.ru/>; Электронно-библиотечная система Издательства «Лань». URL: <http://e.lanbook.com>; Электронно-библиотечная система ЮПАЙТ. URL: <http://www.biblio-online.ru/>.